
BOLLETTINO UNIONE MATEMATICA ITALIANA

DIONISIO GALLARATI

Restituzione di priorità.

Bollettino dell'Unione Matematica Italiana, Serie 3, Vol. 11
(1956), n.3, p. 382–383.

Zanichelli

<http://www.bdim.eu/item?id=BUMI_1956_3_11_3_382_0>

L'utilizzo e la stampa di questo documento digitale è consentito liberamente per motivi di ricerca e studio. Non è consentito l'utilizzo dello stesso per motivi commerciali. Tutte le copie di questo documento devono riportare questo avvertimento.

*Articolo digitalizzato nel quadro del programma
bdim (Biblioteca Digitale Italiana di Matematica)
SIMAI & UMI*

<http://www.bdim.eu/>

Restituzione di priorità.

Nota di DIONISIO GALLARATI (a Genova)

Recentemente mi sono occupato delle V_k differenziabili appartenenti ad uno spazio proiettivo S_r , i cui S_k tangenti segano irregolarmente degli spazi assegnati, approfondendo soprattutto il caso delle superficie di S_5 i cui piani tangenti si appoggiano a piani dati ⁽¹⁾. Ma non mi ero accorto che alcuni dei risultati da me ottenuti relativamente alle superficie di S_5 trovansi già in una Memoria di A. TERRACINI ⁽²⁾, il quale, studiando alcune particolarità inerenti alle linee principali di una superficie dello spazio a cinque dimensioni ⁽³⁾, ha caratterizzato le superficie di S_5 dotate di quattro sistemi *conici* di linee principali, nell'ipotesi che i quattro piani fissi π_i relativi ad essi siano a due a due incidenti e del resto generici. Queste superficie, che si dividono in due tipi α , β hanno i piani tangenti appoggiati ai quattro piani π_i , e si ritrovano nel mio lavoro partendo da una diversa impostazione del problema.

Un altro dei risultati della mia ricerca, e precisamente la caratterizzazione della superficie di VERONESE come unica superficie di S_r , con $r \geq 5$, avente i piani tangenti appoggiati a cinque piani fissi a due a due incidenti e del resto generici — che di conseguenza risultano tangenti alla superficie — trovasi pure, anche se non dichiarato esplicitamente, nella Memoria di A. TERRACINI, il quale dimostra che per i due tipi di superficie α , β le linee principali del quinto sistema non sono più ad iperpiano tangente fisso ed anzi i piani tangenti nei singoli punti d'una

⁽¹⁾ D. GALLARATI, *Alcune osservazioni sopra le varietà i cui spazi tangenti si appoggiano irregolarmente a spazi assegnati*, « Rend. Lincei », (8), 20, (1956) pp. 193-199; *Sulle superficie di S_5 i cui piani tangenti si appoggiano a piani assegnati*, id., pp. 329-338.

⁽²⁾ A. TERRACINI, *Superficie particolari dello spazio a cinque dimensioni in relazione con le loro linee principali*, « Annali di Matem. », (4), 17, (1938) pp. 23-44.

⁽³⁾ C. SEGRE, *Le linee principali di una superficie di S_5 e una proprietà caratteristica della superficie di Veronese*, « Rend. Lincei » (5), 30, (1921), pp. 200-203 e 227-231.

tale linea appartengono ad una delle due schiere di piani di una quadrica non specializzata.

Il metodo con cui pervengo alla suddetta caratterizzazione della F^4 di VERONESE è sostanzialmente diverso da quello di A. TERRACINI, ed è forse più diretto: esso consiste nel vedere se possano i piani tangenti di una superficie di una delle due famiglie α , β essere incidenti ad un quinto piano, e nel riconoscere che tale possibilità si ha soltanto per la superficie di VERONESE (che appartiene ad una sola delle due famiglie).

Ringrazio il prof. TERRACINI per avermi cortesemente segnalato il suo lavoro; e colgo anche l'occasione per ricordare alcune interessanti ricerche di G. BOL (⁴) e di E. BOMPIANI (⁵). In particolare, G. BOL ha dato un esempio di superficie di S_5 i cui piani tangenti si appoggiano a cinque piani assegnati a due a due incidenti; ma il risultato di G. BOL non è in contrasto col teorema sopra ricordato, perchè tali cinque piani sono contenuti in uno