
ATTI ACCADEMIA NAZIONALE DEI LINCEI
CLASSE SCIENZE FISICHE MATEMATICHE NATURALI
RENDICONTI

FRANCA MORAZZONI, FRANCO CARIATI, VENANZIO
VALENTI

**Calcolo completo delle matrici di energia per la
configurazione d^4 a simmetria D_{4h}**

*Atti della Accademia Nazionale dei Lincei. Classe di Scienze Fisiche,
Matematiche e Naturali. Rendiconti, Serie 8, Vol. **49** (1970), n.5, p. 289–298.*
Accademia Nazionale dei Lincei

<http://www.bdim.eu/item?id=RLINA_1970_8_49_5_289_0>

L'utilizzo e la stampa di questo documento digitale è consentito liberamente per motivi di ricerca e studio. Non è consentito l'utilizzo dello stesso per motivi commerciali. Tutte le copie di questo documento devono riportare questo avvertimento.

Atti della Accademia Nazionale dei Lincei. Classe di Scienze Fisiche, Matematiche e Naturali. Rendiconti, Accademia Nazionale dei Lincei, 1970.

Chimica. — *Calcolo completo delle matrici di energia per la configurazione d^4 a simmetria D_{4h}* ^(*). Nota di FRANCA MORAZZONI, FRANCO CARIATI e VENANZIO VALENTI, presentata^(**) dal Corrisp. L. MALATESTA.

SUMMARY. — The aim of the present paper is to extend the point bond model to metal complexes with d^4 electronic configuration. The energy matrices have been calculated according to the strong field model also taking into account the interelectronic repulsion and *spin*-orbit coupling perturbations.

L'interesse allo studio delle proprietà elettroniche e magnetiche del complesso $[Re(DPE)_2X_2]X$, *trans*, con $X = Cl, Br$ e DPE = difenilfosfinoetano [1] ci ha condotto al calcolo delle matrici di energia secondo il formalismo del campo forte in simmetria D_{4h} .

Si può infatti ammettere che questi composti presentino legami Me—X ed DPE diretti ai vertici di un ottaedro, ma differenti per la diversa forza dei leganti X e DPE.

Nel calcolo che rende le matrici diagonali rispetto all'operatore di campo si è tenuto conto anche delle perturbazioni minori di repulsione interelettronica e di accoppiamento *spin* orbita; le energie di repulsione interelettronica sono state calcolate utilizzando le Tabelle A 26 di Griffith [2], mentre per il calcolo delle energie di interazione *spin* orbita ci siamo serviti degli operatori riportati in letteratura [3].

$$\begin{array}{ll} \mathbf{a}_1 & \xrightarrow{\hspace{1cm}} 2\mathbf{A} + \mathbf{A}' \\ \mathbf{b}_1 & \xrightarrow{\hspace{1cm}} 3\mathbf{A} \\ \\ \mathbf{e} & \xrightarrow{\hspace{1cm}} 2\mathbf{B} + 2\mathbf{B}' \\ \\ \mathbf{b}_2 & \xrightarrow{\hspace{1cm}} 4\mathbf{B} \end{array}$$

Fig. 1. — Termini di campo monoelettronici.

I termini diagonali di campo, espressi in funzione dei parametri A, B per l'halogeno, A', B' per il legante, secondo l'approssimazione del point bond model [4], possono essere dedotti per tutte le 23 configurazioni dalla fig. 1, nella quale sono riportati i termini di campo monoelettronici.

Nelle Tabelle I, II, III, IV e V riportiamo le matrici dei termini di repulsione elettrostatica interelettronica e di accoppiamento *spin*-orbita, espresse per comodità in unità ζ (costante di accoppiamento *spin*-orbita).

Il controllo dei termini è stato effettuato riproducendo, per la simmetria ottaedrica, gli autovalori calcolati da Schroeder [5].

(*) Lavoro eseguito con il contributo del C.N.R. nell'Istituto di Chimica generale dell'Università di Milano.

(**) Nella seduta del 14 novembre 1970.

TABELLA I. - Elementi di matrice di interazione elettrostatica ed interazione spin-orbita. Rappresentazione B₁.

TABELLA II. — Elementi di matrice di interazione elettrostatica ed interazione spin-orbita. Rappresentazione B_2 .

$e^3 b_2$	$e^2 b_2 a_1$	$e^3 b_1$	$e^2 b_1$	$e^2 b_2 b_1$	$e^2 a_1$	$e^2 b_1$	$e^2 b_2 b_1^2$	$e^2 b_1^2$	$e^2 b_2 b_1^3$	$e^2 a_1^2$	$e^2 b_1^2$	$e^2 b_2 a_1 b_1$	$e^2 a_1 e^2 b_1 b_1$	$e^2 b_2 a_1 b_1^2$
$3E$	$3B_2$	$3B_1$	$3B_1$	$'B_2$	$3E$	$3E$	$5A_1$	$3E$	$'B_2$	$'B_2$	$'B_2$	$3B_1$	$3B_1$	$3E$
$\frac{158}{5c+2}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	0	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$-2\sqrt{3}B$	-1	$-3\sqrt{3}B$	3	0	$\frac{1}{2}$	0	0	0	0
$\frac{-98+ic}{5c+2}$	0	0	$-5\sqrt{3}B$	0	0	$-\frac{i}{2}$	$-\frac{i}{2}$	$-i\sqrt{2}$	$3\sqrt{2}B$	$4B+c$	c	0	0	0
$-13B+4c$	$2i\sqrt{2}B$	0	0	0	0	0	$-i\sqrt{6}B$	0	0	0	0	0	0	0
$-98+ic$	1	$-\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}$	0	0	$i\sqrt{3}B$	0	0	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	0	0
$3B+8c$	$\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}$	0	0	0	$-5\sqrt{3}B$	0	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	0	0	$-i\sqrt{3}B$	0	0
$3B+5c$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}B$	$3B-c$	0	0	0	0	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	0	$i\sqrt{3}B$	0	0	$\frac{1}{2}\sqrt{3}B$	0	0
$+\frac{1}{2}$	$\frac{-13B+5c}{2}$	0	$3B+c$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	0	$-3\sqrt{3}B$	0	$-\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}B$	0
$-14B^+$	$-3\sqrt{3}B$	0	0	0	0	0	$2\sqrt{3}B$	0	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	0	0	$\sqrt{3}B$	$\sqrt{3}B$	0
$5c-\frac{1}{2}$	$\frac{i}{2}$	$-\frac{1}{2}$	0	0	0	0	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	0	0	$\frac{1}{2}\sqrt{3}B$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}B$	0
$-98+4c$	0	0	0	0	0	0	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	0	0	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	0	1
$-98+6c$	0	$-\frac{6}{\sqrt{2}}$	0	$-\frac{6}{\sqrt{2}}$	0	$-\frac{1}{2}$	0	$3B$	0	0	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	0	$4B+c$
$11B-7C$	$4B+c$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	0	0	0	0	$3\sqrt{2}B$	0	0	0	0	0	0	$-i\frac{1}{2}$
$-98+7c$	0	0	0	0	0	0	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	0	0	$-3\sqrt{2}B$	0	0	0	$2i\sqrt{3}B$
$5c-\frac{1}{2}$	0	0	0	0	0	0	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	0	0	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	0	0
$-98+5c$	0	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	0	0	0	0	$\frac{1}{2}(6B+c)$	0	0	0	0	0	0	1
$5c-\frac{1}{2}$	0	0	0	0	0	0	$5\frac{1}{2}B$	0	$-\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}B$	0	0	$3B+1$	0
$-98+6c$	0	0	0	0	0	0	$5\frac{1}{2}B$	0	$-\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}B$	0	0	$3B+1$	0
$-21B$	$-\frac{1}{2}$	0	0	0	0	0	$2\sqrt{3}B$	0	0	0	0	0	$-3i\sqrt{3}B$	0
$-5B+6C$	0	0	0	0	0	0	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	0	0	0	0	$\frac{1}{2}$
$\frac{-5B+1}{4c+2}$	$3B$	$\sqrt{2}B$	0	0	0	0	$-\frac{1}{\sqrt{3}}$	0	$-\frac{1}{\sqrt{3}}$	0	0	0	0	$-3i\sqrt{6}B$
$\frac{-11B+4c}{4c+2}$	$\frac{1}{2\sqrt{2}}$	0	0	0	0	0	$\frac{1}{2\sqrt{3}}$	0	$\frac{1}{2\sqrt{3}}$	0	0	0	0	0
$\frac{-13B+1}{4c+2}$	$-\frac{1}{4}$	0	0	0	0	0	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	0	0	0	0	0
$2iB+4$	1	0	0	0	0	0	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	0	0	0	0	0
$5c-\frac{1}{2}$	$\frac{-10B+1}{2}$	0	0	0	0	0	$\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	0	0	0	0	0
$7C$	0	0	0	0	0	0	$-\frac{1}{2}$	0	$\frac{1}{2}$	0	0	0	0	0

TABELLA III. — Elementi di matrice di interazione elettrostatica ed interazione spin-orbita. Rappresentazione A₂.

TABELLA IV. - Elementi di matrice di interazione elettrostaica ed interazione spin-orbita. Rappresentazione A₁.

Segue: TABLE IV.

$eb_2 a_i b_i$	$eb_1^2 a_i$	$ea_i^2 b_i$	$b_2 a_i b_i$	$a_i^2 b_i^2$
5E	3E	3E	3A_2	1A_1
$-2B - \frac{1}{4}$	-1	0	$-\sqrt{\frac{3}{2}}$	0
$\frac{-14B + 1}{5C - \frac{1}{2}}$	$2\sqrt{3}B$	0	$-\sqrt{3}$	
$\frac{-10B + 1}{5C + \frac{1}{2}}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	1		
	$\frac{-16B + 4}{5C}$	$-\sqrt{2}$		
		$-\frac{16B + 8C}{5C}$		

$eb_2 a_i b_i$	$eb_1^2 a_i$	$ea_i^2 b_i$	$b_2 a_i b_i$	$a_i^2 b_i^2$
5E	3E	3E	3A_2	1A_1
0	0	0	0	0
0	0	0	0	3E
0	0	0	0	1A_1
0	0	0	0	3A_2
$\frac{1}{2\sqrt{2}}$	0	0	0	5B_1
0	0	0	0	1A_1
$-\frac{1}{2}$	0	0	$-\sqrt{6}B$	3A_2
0	$3B + c$	$\sqrt{3}B$	0	3E
0	$\sqrt{3}B$	$B + c$	0	3E
-1	c	0	0	3E
0	0	$4B + c$	0	3E
$-\frac{3}{2\sqrt{2}}$	0	0	0	5A_1
0	0	0	0	1A_1
$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	0	0	$\sqrt{2}(B + c)$	3A_2
0	0	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	0	$\sqrt{2}(B + c)$
0	0	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$-\sqrt{6}B$	3A_2
0	0	0	$-\sqrt{2}$	1A_1
0	0	0	0	$4B + c$
0	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	0	0	1A_1
0	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	0	0	3A_2
0	0	$3B - 1$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	3E
0	$-3\sqrt{3}B$	0	0	3E
0	$-\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	0	$-\sqrt{3}B$
$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$-\sqrt{6}B$	3A_2
$\frac{1}{2\sqrt{2}}$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	0	5B_2
0	$\frac{3}{\sqrt{2}}B - \frac{1}{\sqrt{2}}$	$3\sqrt{\frac{3}{2}}B$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	3E
$-\frac{1}{2\sqrt{2}}$	$\frac{3}{\sqrt{2}}B - \frac{1}{\sqrt{2}}$	$\sqrt{\frac{3}{2}}B$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}$	3E
$\frac{1}{4}$	$3B$	$3\sqrt{3}B$	0	3E

TABELLA V. - Elementi di matrice di interazione elettrostatica ed interazione spin-orbita. Rappresentazione E.

Segue: TABELLA V.

Sognoe: TABELLA V.

$e b_2^2 b_1^2$	$b_2^2 b_1 a_1$	$e^2 a_1 b_1$	$e b_2 a_1 b_1$	$e b_1^2 a_1$	$e a_1^2 b_1$	$b_2^2 a_1 b_1$
3E	3B_1	3B_2	3B_1	3A_2	5B_2	3A_1
$5C$	0	0	0	0	0	$5 \frac{3}{2}B$
$-8B+5C$	0	0	0	0	$\sqrt{2}(3B+C)$	0
$-13B+4C$	$2\sqrt{2}B$	0	0	$-\frac{1}{\sqrt{2}}$	0	$\frac{1}{2}\sqrt{6}$
$-9B+4C$	0	0	0	$-\frac{1}{\sqrt{2}}$	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{4}\sqrt{3}$
$-11B+4C$	0	0	0	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{4}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{4}\sqrt{3}$
$-16B+6C$	$-\frac{1}{\sqrt{2}}$	0	$-\frac{1}{\sqrt{2}}$	0	$-\frac{1}{4}$	$-\frac{1}{4}$
$-21B$	0	$-\frac{1}{\sqrt{2}}$	0	$-\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}$
$-11B+4C$	0	0	0	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{3}$	0
$-5B+6C$	0	0	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{3}$	0	$\frac{1}{2}\sqrt{6}$
$-3B+4C$	$3B$	$\sqrt{2}B$	$\sqrt{2}B$	0	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}$
$-11B+4C$	0	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{6}$
$-3B+6C$	0	0	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{3}$	0	$\frac{1}{2}\sqrt{6}$
$-13B+4C$	$\frac{1}{\sqrt{2}}$	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{3}$	0	$-\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$
$-9B+6C$	$-\frac{3}{2}\sqrt{3}B$	0	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{3}{2}\sqrt{2}B$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$
$-3B+6C$	$\frac{1}{2}\sqrt{3}$	0	$\frac{1}{2}\sqrt{6}$	0	$\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{\sqrt{3}}{2}\sqrt{2}$
$-21B$	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{3}$	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{3}$	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$
$-21B$	$-\frac{1}{2}$	0	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$
$-21B$	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{3}$	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{3}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$
$-14B+5C$	$-\frac{1}{2}\sqrt{3}B$	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{3}{2}\sqrt{2}B$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$
$-12B+7C$	0	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{3}{2}\sqrt{2}B$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$
$-10B+5C$	$-\frac{1}{2}$	0	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$
$-4B+7C$	0	$-\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$
$-16B+5C$	0	$-\frac{1}{2}$	0	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$	$-\frac{1}{2}\sqrt{2}$

BIBLIOGRAFIA

- [1] F. CARIATI, A. SGAMELLOTTI, F. MORAZZONI and V. VALENTI, in corso di stampa.
- [2] J. S. GRIFFITH, *The Theory of transition metal ions*, Cambridge University Press (1961).
- [3] C. K. BALLHAUSEN, *Introduction to Ligand Field Theory*, McGraw Hill Co., 149 (1962).
- [4] R. A. HOWALD and D. P. KEETON, « Spec. Acta », 22, 1211 (1966).
- [5] K. A. SCHROEDER, « J. Chem. Phys », 37, 2553 (1962).