BOLLETTINO UNIONE MATEMATICA ITALIANA

LEONIDA TONELLI

Su una proposizione fondamentale dell'analisi

*Bollettino dell'Unione Matematica Italiana, Serie
1, Vol. 3 (1924), n.3, p. 103–104.*

Unione Matematica Italiana

[http:
//www.bdim.eu/item?id=BUMI_1924_1_3_3_103_0](http://www.bdim.eu/item?id=BUMI_1924_1_3_3_103_0)

L'utilizzo e la stampa di questo documento digitale è consentito liberamente per motivi di ricerca e studio. Non è consentito l'utilizzo dello stesso per motivi commerciali. Tutte le copie di questo documento devono riportare questo avvertimento.

*Articolo digitalizzato nel quadro del programma
bdim (Biblioteca Digitale Italiana di Matematica)
SIMAI & UMI*

<http://www.bdim.eu/>

Bollettino dell'Unione Matematica Italiana, Unione
Matematica Italiana, 1924.

Su una proposizione fondamentale dell'analisi

Nota di LEONIDA TONELLI

È conosciuta comunemente sotto il nome di *teorema di Egoroff* la seguente proposizione: —

« Se $f_1, f_2, \dots, f_n, \dots$ è una successione di funzioni misurabili (nel senso del LEBESGUE), convergente su un intervallo (a, b) , preso ad arbitrio un numero $\varepsilon > 0$, è possibile di determinare un insieme misurabile E di punti di (a, b) , di misura minore di ε , in modo che nell'insieme complementare di E , rispetto ad (a, b) , la convergenza risulti uniforme ».

Questo teorema fu dimostrato dall'EGOROFF in una Nota dei « Comptes Rendus » (vol. 152, 1911, 1° semestre, pp. 244-246): *Sur les suites de fonctions mesurables*.

Ora è da rilevare che la stessa proposizione venne dimostrata, antecedentemente all'EGOROFF, da C. SEVERINI, in una Nota: *Sopra gli sviluppi in serie di funzioni ortogonali*, inserita negli « Atti dell'Accademia Gioenia di Catania » (Serie V, vol. III, 1910), e precisamente alle pagine 3-4 di tale Nota. Il SEVERINI conduce la sua dimostrazione su una serie particolare, ma il suo ragionamento è del tutto generale e cioè indipendente dalle speciali condizioni ammesse per la serie che Egli considera; anzi è da osservare che le dimostrazioni del SEVERINI e dell'EGOROFF sono sostanzialmente identiche.